

અહીં આપણે નોંધીએ કે કોઈપણ સંખ્યાની બાદબાકી કરવી એટલે તે સંખ્યાની વિરોધી સંખ્યા ઉમેરવી. અહીં (-3) બાદ કરવા એટલે $+3$ ઉમેરવા. $6y$ બાદ કરવા એટલે $(-6y)$ ઉમેરવા. આ જ રીતે $(-4y^2)$ બાદ કરવા એટલે $4y^2$ ઉમેરવા બરાબર થાય. ત્રીજી હરોળમાં દર્શાવેલ નિશાનીઓ $(+, -)$ થી બીજી હરોળમાં રહેલા પદો સાથે કઈ ગાણિતિક ક્રિયા કરવી તે સ્પષ્ટ થાય છે.



સ્વાધ્યાય 8.1

1. નીચેની બહુપદીઓના સરવાળા કરો :

(i) $ab - bc, bc - ca, ca - ab$

(ii) $a - b + ab, b - c + bc, c - a + ac$

(iii) $2p^2q^2 - 3pq + 4, 5 + 7pq - 3p^2q^2$

(iv) $l^2 + m^2, m^2 + n^2, n^2 + l^2, 2lm + 2mn + 2nl$

2. (a) $12a - 9ab + 5b - 3$ માંથી $4a - 7ab + 3b + 12$ બાદ કરો.

(b) $5xy - 2yz - 2zx + 10xyz$ માંથી $3xy + 5yz - 7zx$ બાદ કરો.

(c) $18 - 3p - 11q + 5pq - 2pq^2 + 5p^2q$ માંથી

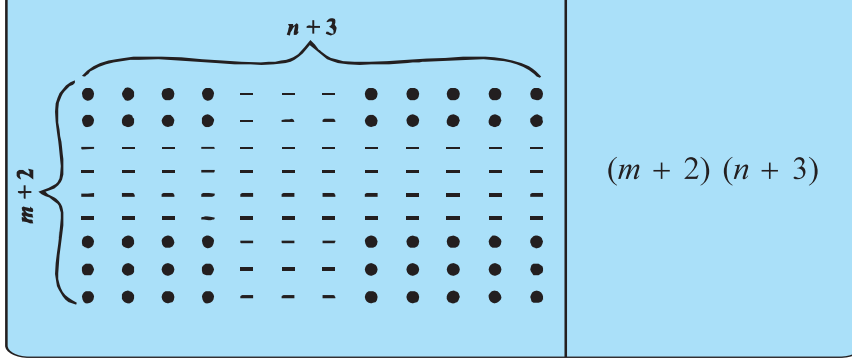
$4p^2q - 3pq + 5pq^2 - 8p + 7q - 10$ બાદ કરો.

8.2 બૈજિક પદાવલિઓના ગુણાકાર : પ્રસ્તાવના

(i) નીચે આપેલી બિંદુઓની ભાત જુઓ.

બિંદુઓની ભાત	કુલ બિંદુઓની સંખ્યા
	4×9
	5×7
	$m \times n$

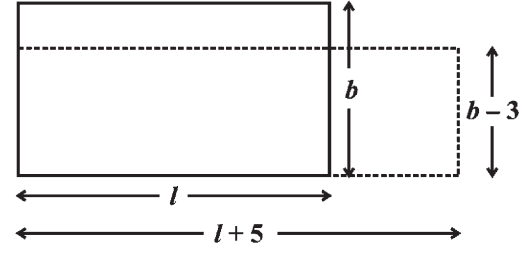
કુલ બિંદુઓની સંખ્યા શોધવા માટે આપણે હારની સંખ્યા (m) સાથે સ્તંભની સંખ્યા (n)નો ગુણાકાર કરવો પડે



અહીં હારની સંખ્યામાં 2નો વધારો થાય છે. અર્થાત્ $(m + 2)$ અને સ્તંભની સંખ્યા 3 જેટલી વધે છે. અર્થાત્ $(n + 3)$ થશે.

- (ii) શું તમે અન્ય કોઈ એવી પરિસ્થિતિ વિચારી શકો જેમાં બે બૈજિક પદોનો ગુણાકાર કરવો પડે ?

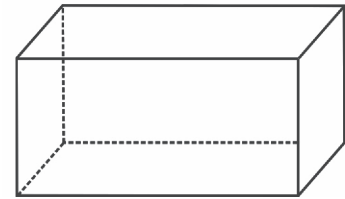
અમીના : ‘આપણે લંબચોરસના ક્ષેત્રફળ માટે વિચારી શકીએ.’ લંબચોરસનું ક્ષેત્રફળ = $l \times b$, જ્યાં l એ લંબાઈ અને b એ પહોળાઈ છે. જો લંબાઈમાં 5 એકમનો વધારો કરીએ અર્થાત્ $(l + 5)$ લઈએ અને પહોળાઈમાં 3 એકમનો ઘટાડો કરીએ અર્થાત્ $(b - 3)$ લઈએ તો નવા લંબચોરસનું ક્ષેત્રફળ $(l + 5) \times (b - 3)$ (એકમ)² થશે.



લંબચોરસનું ક્ષેત્રફળ શોધવા માટે આપણે બૈજિક પદોનો ગુણાકાર કરવો પડે જેવા કે $l \times b$ અથવા $(l + 5) \times (b - 3)$

- (iii) શું તમે ઘનફળ વિશે વિચારી શકો ? (લંબઘનનું ઘનફળ એ તેની લંબાઈ, પહોળાઈ અને ઊંચાઈનો ગુણાકાર છે.)
- (iv) સરિતા એક ઉદાહરણ આપી સમજાવે છે કે, જ્યારે આપણે વસ્તુ ખરીદીએ છીએ ત્યારે કુલ ચૂકવવાની રકમ શોધવા ગુણાકાર કરવો પડે છે.

ઉદાહરણ : એક ડઝન કેળાની કિંમત = ₹ p
અને શાળા પ્રવાસ માટે જરૂરી કેળાં = z ડઝન
તો કુલ ચૂકવવાની રકમ = ₹ $p \times z$



ધારો કે, કેળાંની કિંમતમાં ડઝન દીઠ ₹ 2નો ઘટાડો થાય છે અને જરૂરી કેળાંના જથ્થામાં 4 ડઝનનો ઘટાડો થાય છે.

તો, 1 ડઝન કેળાંની કિંમત = ₹ $(p - 2)$

અને કેળાંનો જરૂરી જથ્થો = $(z - 4)$ ડઝન થશે.

કુલ ચૂકવવાની રકમ = ₹ $(p - 2) \times (z - 4)$

∴



પ્રયત્ન કરો

વિદ્યાર્થીમિત્રો, શું તમે આવી કોઈ અન્ય પરિસ્થિતિઓ વિશે વિચારી બે ઉદાહરણ આપી શકો જેમાં આપણે બૈજિક પદાવલિઓનો ગુણાકાર કરવો પડે ?

- [સૂચન :**
- સમય અને ઝડપ માટે વિચારો.
 - સાદું વ્યાજ શોધવા માટે મુદ્દલ અને વ્યાજના દર વગેરે માટે વિચારો.]

ઉપરનાં તમામ ઉદાહરણો માટે બે કે તેથી વધુ બૈજિક પદોનો ગુણાકાર કરવો પડે. જો કોઈ વિગત બૈજિક પદાવલિ સ્વરૂપે આપેલ હોય તો આપણે તે શોધવા ગુણાકાર કરવો પડે. મતલબ કે આપણે ગુણાકાર શા માટે કરવો ? કેમ કરવો ? તે જાણીએ છીએ. ચાલો આપણે આ પદ્ધતિસર કરીએ. શરૂઆતમાં આપણે બે એકપદીના ગુણાકાર કેવી રીતે કરવા તે જોઈશું.

8.3 એકપદીનો એકપદી સાથે ગુણાકાર

પદાવલિને માત્ર એક જ પદ હોય તેવી પદાવલિને એકપદી કહે છે.

8.3.1 બે એકપદીનો ગુણાકાર

$$4 \times x = x + x + x + x = 4x$$

$$\text{તે જ રીતે, } 4 \times (3x) = 3x + 3x + 3x + 3x = 12x$$

હવે, નીચેના ગુણાકાર જુઓ :

$$(i) \quad x \times 3y = x \times 3 \times y = 3 \times x \times y = 3xy$$

$$(ii) \quad 5x \times 3y = 5 \times x \times 3 \times y = 3 \times 5 \times x \times y = 15xy$$

$$(iii) \quad 5x \times (-3y) = 5 \times x \times (-3) \times y \\ = (-3) \times (5) \times x \times y \\ = (-15xy)$$

થોડાં વધારે ઉપયોગી ઉદાહરણ નીચે મુજબ છે :

$$(iv) \quad 5x \times 4x^2 = (5 \times 4) (x \times x^2) \\ = 20 \times x^3 = 20x^3$$

$$(v) \quad 5x \times (-4xyz) = (5 \times -4) \times (x \times xyz) \\ = -20 \times (x \times x \times yz) \\ = -20x^2yz$$

અહીં, આપણે એ અવલોકન કરવું જોઈએ કે બે

પદાવલિના ગુણાકારમાં જે બૈજિક ભાગ છે તેમાં

અલગ-અલગ ચલના ઘાતાંક કેવી રીતે મેળવાય છે.

આવું કરવા માટે ઘાત અને ઘાતાંકના નિયમોનો ઉપયોગ કરવો જોઈએ.

8.3.2 ત્રણ કે તેથી વધુ એકપદીના ગુણાકાર

નીચેનાં ઉદાહરણો જુઓ :

$$(i) \quad 2x \times 5y \times 7z = (2x \times 5y) \times 7z \\ = 10xy \times 7z = 70xyz$$

$$(ii) \quad 4xy \times 5x^2y^2 \times 6x^3y^3 = (4xy \times 5x^2y^2) \times 6x^3y^3 \\ = 20x^3y^3 \times 6x^3y^3 = 120x^3y^3 \times x^3y^3 \\ = 120 (x^3 \times x^3)(y^3 \times y^3) = 120x^6 \times y^6 = 120x^6y^6$$

અહીં એ સ્પષ્ટ છે કે, ઉપરોક્ત ઉદાહરણમાં ઉકેલ મેળવવા આપેલ એકપદીઓ પૈકી પ્રથમ અને દ્વિતીય એકપદીનો ગુણાકાર કરીએ છીએ અને ત્યાર બાદ જે જવાબ મળે તેને ત્રીજી એકપદી સાથે ગુણીએ છીએ. આ જ પદ્ધતિથી ગમે તેટલી એકપદીઓનો ગુણાકાર પણ મેળવી શકાય.

અહીં, નોંધીએ કે બધા જ ગુણાકારના જવાબ : $3xy$, $15xy$ અને $(-15xy)$ પણ એકપદી જ છે.

અહીં, $5 \times 4 = 20$ અર્થાત્, પદાવલિના ગુણાકારનો સહગુણક = પ્રથમ એકપદીનો સહગુણક \times બીજી એકપદીનો સહગુણક અને, $x \times x^2 = x^3$ અર્થાત્, પદાવલિના ગુણાકારનો બૈજિક અવયવ = પ્રથમ એકપદીનો બૈજિક અવયવ \times બીજી એકપદીનો બૈજિક અવયવ

પ્રયત્ન કરો

- $4x \times 5y \times 7z$ શોધો.
- $(4x \times 5y)$ શોધી તેને $7z$ થી ગુણો.
અથવા $(5y \times 7z)$ શોધી તેને $4x$ વડે ગુણો.
શું ઉપરોક્ત બંને પરિણામ સરખાં છે ?
તેના પરથી તમે શું તારણ આપશો ?

આપણે નીચેની રીતે પણ ગુણાકાર શોધી શકીએ :

$$4xy \times 5x^2y^2 \times 6x^3y^3$$

$$= (4 \times 5 \times 6) \times (x \times x^2 \times x^3) \times (y \times y^2 \times y^3) = 120x^6y^6$$

ઉદાહરણ 3 : નીચેના કોષ્ટકમાં લંબચોરસ માટે આપેલી લંબાઈ અને પહોળાઈનાં માપ પરથી લંબચોરસનું ક્ષેત્રફળ શોધો.

ઉકેલ :

લંબાઈ	પહોળાઈ	ક્ષેત્રફળ
$3x$	$5y$	$3x \times 5y = 15xy$
$9y$	$4y^2$
$4ab$	$5bc$
$2l^2m$	$3lm^2$



ઉદાહરણ 4 : નીચેના કોષ્ટકમાં લંબઘન માટે આપેલી લંબાઈ, પહોળાઈ અને ઊંચાઈના માપ પરથી લંબઘનનું ઘનફળ શોધો.

	લંબાઈ	પહોળાઈ	ઊંચાઈ	ઘનફળ
(i)	$2ax$	$3by$	$5cz$
(ii)	m^2n	n^2p	p^2m
(iii)	$2q$	$4q^2$	$8q^3$

ઉકેલ : ઘનફળ = લંબાઈ \times પહોળાઈ \times ઊંચાઈ
તેથી,

$$(1) \text{ ઘનફળ} = (2ax) \times (3by) \times (5cz)$$

$$= (2 \times 3 \times 5) (ax)(by)(cz)$$

$$= 30 abcxyz$$

$$(2) \text{ ઘનફળ} = (m^2n)(n^2p)(p^2m)$$

$$= (m^2 \times m) \times (n \times n^2) \times (p \times p^2)$$

$$= m^3n^3p^3$$

$$(3) \text{ ઘનફળ} = 2q \times 4q^2 \times 8q^3$$

$$= 2 \times 4 \times 8 \times q \times q^2 \times q^3$$

$$= 64q^6$$

સ્વાધ્યાય 8.2

1. નીચે આપેલી એકપદીઓની જોડનો ગુણાકાર શોધો.

- (i) $4, 7p$ (ii) $-4p, 7p$ (iii) $-4p, 7pq$ (iv) $4p^3, -3p$
(v) $4p, 0$

2. લંબચોરસની લંબાઈ અને પહોળાઈનાં માપ માટે નીચે આપેલી એકપદીની જોડનો ઉપયોગ કરીને લંબચોરસનું ક્ષેત્રફળ શોધો.

- (p, q) ; $(10m, 5n)$; $(20x^2, 5y^2)$; $(4x, 3x^2)$; $(3mn, 4np)$

3. ગુણાકાર કરી કોષ્ટક પૂર્ણ કરો.

પ્રથમ એકપદી→ બીજી એકપદી↓	2x	-5y	3x ²	-4xy	7x ² y	-9x ² y ²
2x	4x ²
-5y	-15x ² y
3x ²
-4xy
7x ² y
-9x ² y ²

4. લંબઘનની લંબાઈ, પહોળાઈ અને ઊંચાઈના માપ અનુક્રમે નીચે મુજબ છે, તેના પરથી ઘનફળ શોધો.

(i) $5a, 3a^2, 7a^4$ (ii) $2p, 4q, 8r$ (iii) $xy, 2x^2y, 2xy^2$ (iv) $a, 2b, 3c$

5. ગુણાકાર શોધો.

(i) xy, yz, zx (ii) $a, -a^2, a^3$ (iii) $2, 4y, 8y^2, 16y^3$

(iv) $a, 2b, 3c, 6abc$ (v) $m, -mn, mnp$

8.4 એકપદીનો બહુપદી સાથે ગુણાકાર

જે પદાવલિમાં બે પદ હોય તેવી પદાવલિને **દ્વિપદી (binomial)** કહે છે. ત્રણ પદ ધરાવતી પદાવલિને **ત્રિપદી (trinomial)** કહે છે અને આ પ્રમાણે આગળ વ્યાપક સ્વરૂપે જોઈએ તો, એક કે તેથી વધુ પદો કે જેના સહગુણકો શૂન્ય ન હોય (અને ચલના ઘાતાંક અનૃણ પૂર્ણાંક હોય) તેને **બહુપદી** કહેવાય.

8.4.1 એકપદીનો દ્વિપદી સાથે ગુણાકાર

મિત્રો, અહીં આપણે એકપદી $3x$ ને દ્વિપદી $5y + 2$ સાથે ગુણીએ. અર્થાત્, $3x \times (5y + 2) = ?$ અહીં, યાદ રાખીએ કે $3x$ અને $(5y + 2)$ એ સંખ્યા દર્શાવે છે. આથી વિભાજનના નિયમનો ઉપયોગ કરતાં, $3x \times (5y + 2) = (3x \times 5y) + (3x \times 2) = 15xy + 6x$



સામાન્ય રીતે આપણે ગણતરી દરમિયાન વિભાજનના નિયમનો

ઉપયોગ કરીએ જ છીએ. ઉદાહરણ

$$\begin{aligned} 7 \times 106 &= 7 \times (100 + 6) \\ &= (7 \times 100) + (7 \times 6) \text{ (વિભાજનનાં નિયમનો ઉપયોગ કરતાં)} \\ &= 700 + 42 = 742 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 7 \times 38 &= 7 \times (40 - 2) \\ &= (7 \times 40) - (7 \times 2) \text{ (વિભાજનનાં નિયમનો ઉપયોગ કરતાં)} \\ &= 280 - 14 = 266 \end{aligned}$$

આ જ રીતે, $-3x \times (-5y + 2) = (-3x) \times (-5y) + (-3x) \times (2) = 15xy - 6x$

અને, $5xy \times (y^2 + 3) = (5xy \times y^2) + (5xy \times 3) = 5xy^3 + 15xy$

મિત્રો, દ્વિપદી \times એકપદી માટે શું કહી શકાય ? ઉદાહરણ તરીકે, $(5y + 2) \times 3x = ?$

અહીં, ક્રમના નિયમનો ઉપયોગ કરી શકાય : $7 \times 3 = 3 \times 7$ અથવા વ્યાપક સ્વરૂપે :

$$a \times b = b \times a \text{ આ જ રીતે, } (5y + 2) \times 3x = 3x \times (5y + 2) = 15xy + 6x$$



પ્રયત્ન કરો

ગુણાકાર શોધો : (i) $2x(3x + 5xy)$ (ii) $a^2(2ab - 5c)$

8.4.2 એકપદીનો ત્રિપદી સાથે ગુણાકાર

$3p \times (4p^2 + 5p + 7)$ વિચારો. અગાઉના કિસ્સા મુજબ, આપણે વિભાજનના નિયમનો ઉપયોગ કરીએ.

$$\begin{aligned} 3p \times (4p^2 + 5p + 7) &= (3p \times 4p^2) + (3p \times 5p) + (3p \times 7) \\ &= 12p^3 + 15p^2 + 21p \end{aligned}$$

ત્રિપદી (Trinomial)ના દરેક પદને એકપદી (Monomial) વડે ગુણો અને પછી સરવાળો કરો.

અહીં અવલોકન કરો કે વિભાજનના નિયમનો ઉપયોગ કરીને આપણે તબક્કાવાર પદોનો ગુણાકાર મેળવી શકીએ છીએ.

પ્રયત્ન કરો

ગુણાકાર શોધો :
 $(4p^2 + 5p + 7) \times 3p$

ઉદાહરણ 5 : આપેલ પદાવલિનું સરળ સ્વરૂપ આપો અને નિર્દેશ અનુસાર કિંમત મેળવો.

(i) $x(x - 3) + 2$, $x = 1$ માટે (ii) $3y(2y - 7) - 3(y - 4) - 63$, $y = (-2)$ માટે

ઉકેલ :

(i) $x(x - 3) + 2 = x^2 - 3x + 2$

$$\begin{aligned} x = 1 \text{ માટે,} \quad x^2 - 3x + 2 &= (1)^2 - 3(1) + 2 \\ &= 1 - 3 + 2 \\ &= 3 - 3 = 0 \end{aligned}$$

(ii) $3y(2y - 7) - 3(y - 4) - 63 = 6y^2 - 21y - 3y + 12 - 63$
 $= 6y^2 - 24y - 51$

$$\begin{aligned} y = (-2) \text{ માટે,} \quad &= 6y^2 - 24y - 51 \\ &= 6(-2)^2 - 24(-2) - 51 \\ &= 6 \times 4 + 24 \times 2 - 51 \\ &= 24 + 48 - 51 = 72 - 51 = 21 \end{aligned}$$

ઉદાહરણ 6 : સરવાળો કરો :

(i) $5m(3 - m)$ અને $6m^2 - 13m$ (ii) $4y(3y^2 + 5y - 7)$ અને $2(y^3 - 4y^2 + 5)$

ઉકેલ :

(i) પ્રથમ પદાવલિ $= 5m(3 - m) = (5m \times 3) - (5m \times m) = 15m - 5m^2$

હવે, બીજી પદાવલિ ઉમેરતાં, $15m - 5m^2 + 6m^2 - 13m = m^2 + 2m$

(ii) પ્રથમ પદાવલિ $= 4y(3y^2 + 5y - 7)$

$$\begin{aligned} &= (4y \times 3y^2) + (4y \times 5y) + (4y \times (-7)) \\ &= 12y^3 + 20y^2 - 28y \end{aligned}$$

બીજી પદાવલિ $= 2(y^3 - 4y^2 + 5)$

$$\begin{aligned} &= 2y^3 + 2(-4y^2) + 2 \times 5 \\ &= 2y^3 - 8y^2 + 10 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} \text{હવે, બંને પદાવલિનો સરવાળો કરતાં, } 12y^3 + 20y^2 - 28y \\ + 2y^3 - 8y^2 + 10 \\ \hline 14y^3 + 12y^2 - 28y + 10 \end{array}$$

ઉદાહરણ 7 : $2pq(p + q)$ માંથી $3pq(p - q)$ બાદ કરો.

ઉકેલ : અહીં, $3pq(p - q) = 3p^2q - 3pq^2$ અને $2pq(p + q) = 2p^2q + 2pq^2$

$$\begin{array}{r} \text{બાદબાકી કરતાં, } 2p^2q + 2pq^2 \\ 3p^2q - 3pq^2 \\ - \quad + \\ \hline -p^2q + 5pq^2 \end{array}$$

સ્વાધ્યાય 8.3



1. નીચેની પદાવલિઓની દરેક જોડ માટે ગુણાકાર મેળવો.

- (i) $4p, q + r$ (ii) $ab, a - b$ (iii) $a + b, 7a^2b^2$ (iv) $a^2 - 9, 4a$
 (v) $pq + qr + rp, 0$

2. કોષ્ટક પૂર્ણ કરો.

ક્રમ	પ્રથમ પદાવલિ	બીજી પદાવલિ	ગુણાકાર
(i)	a	$b + c + d$...
(ii)	$x + y - 5$	$5xy$...
(iii)	p	$6p^2 - 7p + 5$...
(iv)	$4p^2q^2$	$p^2 - q^2$...
(v)	$a + b + c$	abc	...

3. ગુણાકાર શોધો.

- (i) $(a^2) \times (2a^{22}) \times (4a^{26})$ (ii) $\left(\frac{2}{3}xy\right) \times \left(\frac{-9}{10}x^2y^2\right)$
 (iii) $\left(-\frac{10}{3}pq^3\right) \times \left(\frac{6}{5}p^3q\right)$ (iv) $x \times x^2 \times x^3 \times x^4$

4. (a) $3x(4x - 5) + 3$ નું સાદું રૂપ આપો અને (i) $x = 3$ (ii) $x = \frac{1}{2}$ માટે તેની કિંમત શોધો.

(b) $a(a^2 + a + 1) + 5$ નું સાદું રૂપ આપો અને (i) $a = 0$ (ii) $a = 1$ (iii) $a = (-1)$ માટે તેની કિંમત શોધો.

5. (a) સરવાળો કરો : $p(p - q), q(q - r)$ અને $r(r - p)$

(b) સરવાળો કરો : $2x(z - x - y)$ અને $2y(z - y - x)$

(c) બાદબાકી કરો : $4l(10n - 3m + 2l)$ માંથી $3l(l - 4m + 5n)$

(d) બાદબાકી કરો : $4c(-a + b + c)$ માંથી $3a(a + b + c) - 2b(a - b + c)$

8.5 બહુપદીનો બહુપદી સાથે ગુણાકાર

8.5.1 દ્વિપદીનો દ્વિપદી સાથે ગુણાકાર

અહીં આપણે, દ્વિપદી $(2a + 3b)$ નો બીજી કોઈ દ્વિપદી $(3a + 4b)$ સાથે ગુણાકાર કરીએ. અગાઉના કિસ્સામાં જેમ ગણતરી કરી છે તે જ રીતે અહીં તબક્કાવાર ગણતરી કરીશું. ગુણાકાર માટે વિભાજનના નિયમનો ઉપયોગ કરીએ તો,

$$(3a + 4b) \times (2a + 3b) = 3a \times (2a + 3b) + 4b(2a + 3b)$$

$$\begin{aligned} \text{જુઓ કે, પ્રથમ દ્વિપદીના દરેક પદનો બીજી દ્વિપદીના દરેક પદ સાથે ગુણાકાર થાય છે.} &= (3a \times 2a) + (3a \times 3b) + (4b \times 2a) + (4b \times 3b) \\ &= 6a^2 + 9ab + 8ba + 12b^2 \\ &= 6a^2 + 17ab + 12b^2 \quad (\because ba = ab) \end{aligned}$$

જ્યારે આપણે દરેક પદનો ગુણાકાર લઈએ છીએ, ત્યારે આપણે સ્વીકારીએ છીએ કે અહીં, $2 \times 2 = 4$ પદો છે. પરંતુ, તે પૈકીના બે પદ સજાતીય પદો છે. જે પરસ્પર જોડાય છે અને તેથી છેલ્લે ત્રણ પદ મળે છે. આમ, જ્યારે બહુપદી સાથે બહુપદીનો ગુણાકાર કરીએ ત્યારે આપણે હંમેશાં સજાતીય પદો શોધવાં જોઈએ અને જો હોય, તો તેઓને પરસ્પર જોડવા જોઈએ (સરવાળા દ્વારા કે બાદબાકી દ્વારા).

ઉદાહરણ 8 : ગુણાકાર કરો.

(i) $(x - 4)$ અને $(2x + 3)$ (ii) $(x - y)$ અને $(3x + 5y)$

ઉકેલ :

$$\begin{aligned} \text{(i) } (x - 4) \times (2x + 3) &= x \times (2x + 3) - 4 \times (2x + 3) \\ &= (x \times 2x) + (x \times 3) - (4 \times 2x) - (4 \times 3) \\ &= 2x^2 + 3x - 8x - 12 \\ &= 2x^2 - 5x - 12 \quad [\text{સજાતીય પદોનું સાદું રૂપ આપતાં}] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{(ii) } (x - y) \times (3x + 5y) &= x \times (3x + 5y) - y \times (3x + 5y) \\ &= (x \times 3x) + (x \times 5y) - (y \times 3x) - (y \times 5y) \\ &= 3x^2 + 5xy - 3yx - 5y^2 \\ &= 3x^2 + 2xy - 5y^2 \quad [\text{સજાતીય પદોનું સાદું રૂપ આપતાં}] \end{aligned}$$

ઉદાહરણ 9 : ગુણાકાર કરો.

(i) $(a + 7)$ અને $(b - 5)$ (ii) $(a^2 + 2b^2)$ અને $(5a - 3b)$

ઉકેલ :

$$\begin{aligned} \text{(i) } (a + 7) \times (b - 5) &= a \times (b - 5) + 7(b - 5) \\ &= ab - 5a + 7b - 35 \end{aligned}$$

(અહીં, આ ગુણાકારમાં કોઈ સજાતીય પદો નથી તેની નોંધ લઈએ.)

$$\begin{aligned} \text{(ii) } (a^2 + 2b^2) \times (5a - 3b) &= a^2 \times (5a - 3b) + 2b^2(5a - 3b) \\ &= 5a^3 - 3a^2b + 10ab^2 - 6b^3 \end{aligned}$$

8.5.2 દ્વિપદીનો ત્રિપદી સાથે ગુણાકાર

આ ગુણાકારમાં આપણે ત્રિપદીના દરેક ત્રણ પદોને દ્વિપદીના બંને પદો સાથે ગુણવા જોઈએ. જેથી કુલ $(2 \times 3) = 6$ પદો મળશે. વળી, જો સજાતીય પદો હશે તો 6 પદોને બદલે ઉકેલમાં 5 કે તેથી ઓછા પદો મળશે.

ધારો કે,

$$\begin{aligned} \therefore (a+7) \times (a^2+3a+5) &= a \times (a^2+3a+5) + 7 \times (a^2+3a+5) \quad (\because \text{વિભાજનનો નિયમ}) \\ \text{દ્વિપદી} \quad \quad \quad \text{ત્રિપદી} &= a^3 + 3a^2 + 5a + 7a^2 + 21a + 35 \\ &= a^3 + (3a^2 + 7a^2) + (5a + 21a) + 35 \\ &= a^3 + 10a^2 + 26a + 35 \quad (\text{શા માટે જવાબમાં માત્ર 4 પદો છે?}) \end{aligned}$$

ઉદાહરણ 10 : $(a + b)(2a - 3b + c) - (2a - 3b)c$ નું સાદું રૂપ આપો.

ઉકેલ : અહીં,

$$\begin{aligned} (a + b)(2a - 3b + c) &= a(2a - 3b + c) + b(2a - 3b + c) \\ &= 2a^2 - 3ab + ac + 2ab - 3b^2 + bc \\ &= 2a^2 - ab - 3b^2 + bc + ac \\ &\quad (\text{અહીં } -3ab \text{ અને } 2ab \text{ સજાતીય પદો છે.}) \end{aligned}$$

અને, $(2a - 3b)c = 2ac - 3bc$
તેથી

$$\begin{aligned} (a + b)(2a - 3b + c) - (2a - 3b)c &= 2a^2 - ab - 3b^2 + bc + ac - (2ac - 3bc) \\ &= 2a^2 - ab - 3b^2 + bc + ac - 2ac + 3bc \\ &= 2a^2 - ab - 3b^2 + (bc + 3bc) + (ac - 2ac) \\ &= 2a^2 - 3b^2 - ab + 4bc - ac \end{aligned}$$



સ્વાધ્યાય 8.4

1. દ્વિપદીનો ગુણાકાર કરો.

- (i) $(2x + 5)$ અને $(4x - 3)$ (ii) $(y - 8)$ અને $(3y - 4)$
 (iii) $(2.5l - 0.5m)$ અને $(2.5l + 0.5m)$ (iv) $(a + 3b)$ અને $(x + 5)$
 (v) $(2pq + 3q^2)$ અને $(3pq - 2q^2)$ (vi) $\left(\frac{3}{4}a^2 + 3b^2\right)$ અને $4\left(a^2 - \frac{2}{3}b^2\right)$

2. ગુણાકાર શોધો.

- (i) $(5 - 2x)(3 + x)$ (ii) $(x + 7y)(7x - y)$
 (iii) $(a^2 + b)(a + b^2)$ (iv) $(p^2 - q^2)(2p + q)$

3. સાદું રૂપ આપો :

- (i) $(x^2 - 5)(x + 5) + 25$ (ii) $(a^2 + 5)(b^3 + 3) + 5$
 (iii) $(t + s^2)(t^2 - s)$
 (iv) $(a + b)(c - d) + (a - b)(c + d) + 2(ac + bd)$
 (v) $(x + y)(2x + y) + (x + 2y)(x - y)$
 (vi) $(x + y)(x^2 - xy + y^2)$
 (vii) $(1.5x - 4y)(1.5x + 4y + 3) - 4.5x + 12y$
 (viii) $(a + b + c)(a + b - c)$

આપણે શું ચર્ચા કરી ?

1. 'ચલ' અને 'અચલ'ના ઉપયોગથી પદાવલિ રચી શકાય છે.
2. પદોનો સરવાળો કરીને પદાવલિ બનાવી શકાય છે. પદોને અવયવના ગુણાકાર સ્વરૂપે દર્શાવી શકાય છે.
3. જે પદાવલિમાં એક, બે કે ત્રણ પદો હોય તેવી પદાવલિને અનુક્રમે એકપદી, દ્વિપદી કે ત્રિપદી કહેવામાં આવે છે. વ્યાપક સ્વરૂપે, એક કે તેથી વધુ પદો જેના સહગુણકો શૂન્ય ન હોય (અને ચલના ઘાતાંક અનૂણ હોય) તેને બહુપદી કહેવાય.
4. સમાન ચલ ધરાવતાં અને તે ચલોની સમાન ઘાત ધરાવતાં પદોને સજાતીય પદો કહે છે. સજાતીય પદોના સહગુણકો સમાન હોવા જરૂરી નથી.
5. જ્યારે બહુપદીના સરવાળા (કે બાદબાકી) કરવા હોય ત્યારે સૌ પ્રથમ તેના સજાતીય પદોની યોગ્ય ગોઠવણી કરી તેને ઉમેરવા (કે બાદ કરવા) જોઈએ. ત્યારબાદ વિજાતીય પદોની ગોઠવણી કરવી જોઈએ.
6. ઘણી બધી પરિસ્થિતિમાં બૈજિક પદાવલિઓનો ગુણાકાર કરવો જરૂરી બને છે. ઉદાહરણ તરીકે, જો લંબચોરસની બાજુઓનાં માપ બૈજિક પદાવલિ તરીકે આપેલાં હોય અને તેનું ક્ષેત્રફળ શોધવાનું હોય.
7. એકપદીનો એકપદી સાથે ગુણાકાર કરવાથી એકપદી જ મળે છે.
8. જ્યારે બહુપદીનો એકપદી સાથે ગુણાકાર કરવાનો હોય ત્યારે આપેલ બહુપદીના દરેક પદ સાથે જે-તે એકપદીનો ગુણાકાર કરવો પડે છે.
9. જ્યારે બહુપદીનો ગુણાકાર દ્વિપદી (કે ત્રિપદી) સાથે કરી ગુણનફળ મેળવવાનું હોય ત્યારે એક પછી એક એમ દરેક પદનો ગુણાકાર કરવો પડે.
અર્થાત્, આપેલ બહુપદીના દરેક પદનો દ્વિપદીના (કે ત્રિપદીના) દરેક પદ સાથે ગુણાકાર કરવો જોઈએ.